

Макрос вычисления синуса ($\sin(x)$)

[Обсуждение на форуме](#)

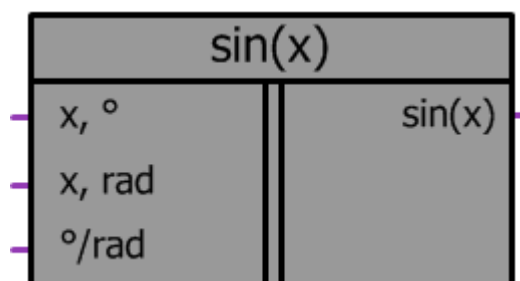


Рисунок 1 – Условное обозначение

Входы	Тип данных	Пояснения	Диапазон
$x, ^\circ$	float	Значение угла в градусах	*
x, rad	float	Значение угла в радианах	*
$^\circ/\text{rad}$	bool	0- вычисление осуществляется в градусах 1- вычисление осуществляется в радианах	0/1
Выходы	Тип данных	Пояснения	Диапазон
$\sin(x)$	float	Результат преобразования	-1.0 – 1.0

*- на вход функции допустимо подавать любое вещественное число, в макросе осуществляется автоматическое преобразование значений.

Описание работы макроса

Макрос позволяет:

1. Вычислить значение функции $\sin(x)$ для любого значения входной переменной.
2. Используя вход $^\circ/\text{rad}$, выбрать, в каких значениях осуществлять вычисление функции.

Структура макроса

Макрос представляет собой степенную функцию ряда Тейлора для функции $\sin(x)$.

Структурная схема макроса представлена на рис.2

Макрос вычисляет функцию $\sin(x)$ используя степенной ряд:

$$\sin(x) = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \frac{x^9}{9!} - \frac{x^{11}}{11!};$$

На рис. 3 представлен график $\sin(x)$ выделен зеленой линией, фиолетовой линией выделен график функции $\sin(x)$, полученный при помощи разложения в ряд Тейлора. В диапазоне значений $[-\pi; \pi]$ графики функций имеют одинаковую форму, т.к. в макросе осуществляется автоматическое приведение углов к диапазону $[0; \pi/2]$, то погрешность вычисления значений с помощью данного макроса по модулю не превышает $5.6e^{-8}$.

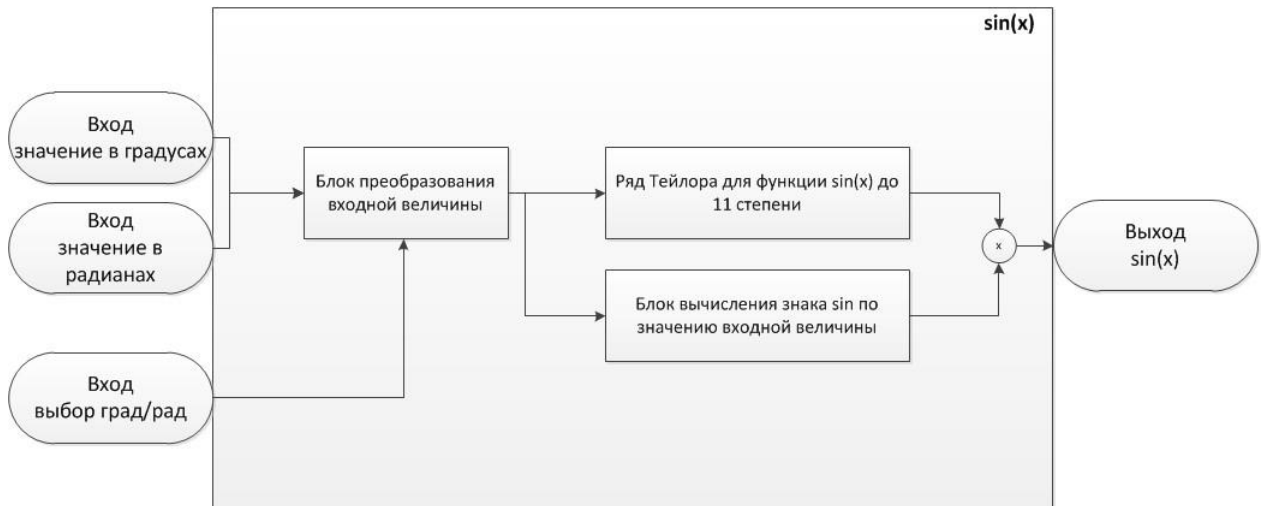


Рисунок 2 – Структурная (функциональная) схема макроса

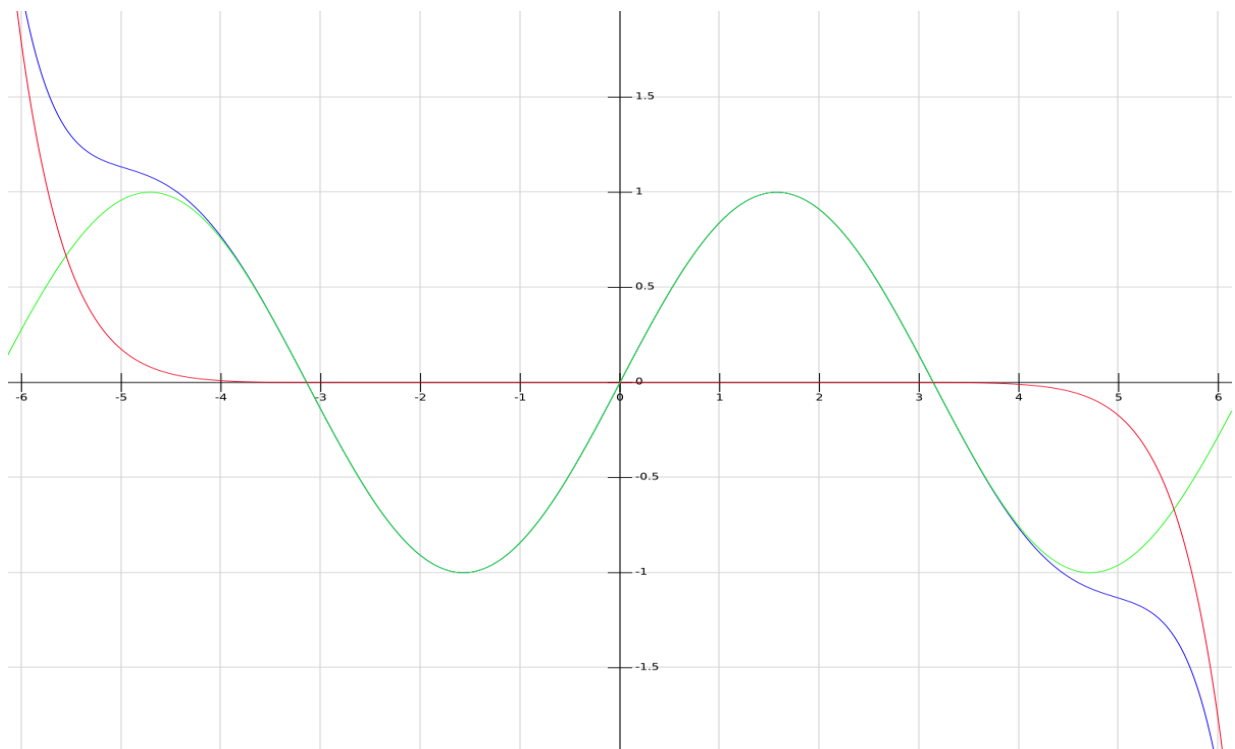


Рисунок 3 – Функция $\sin(x)$, и погрешность вычисления при помощи макроса

Пример работы

На рис.3 показан пример работы макроса, когда выбран режим вычисления функции $\sin(x)$ в градусах, вход $^{\circ}/\text{rad}=0$. $\sin(60^{\circ})=0.866$.

На рис.4 производится выбор вычисления $\sin(x)$ в радианах, подачей на вход $^{\circ}/\text{rad}$ логической единицы, значение функции при этом равняется $-0,3048$.

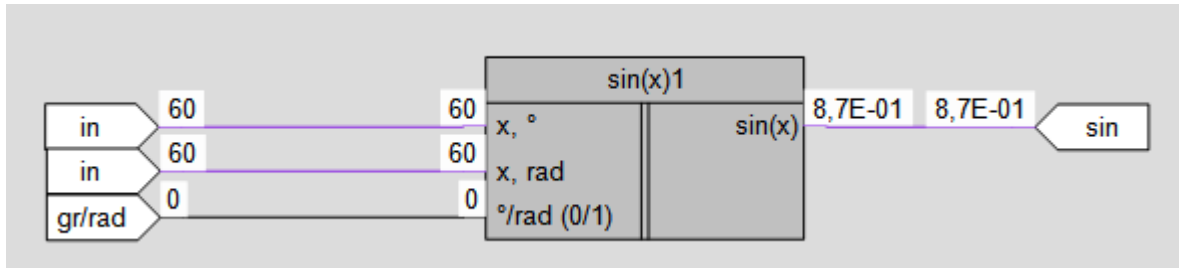


Рисунок 3 – Пример работы макроса при работе с входной переменной в градусах

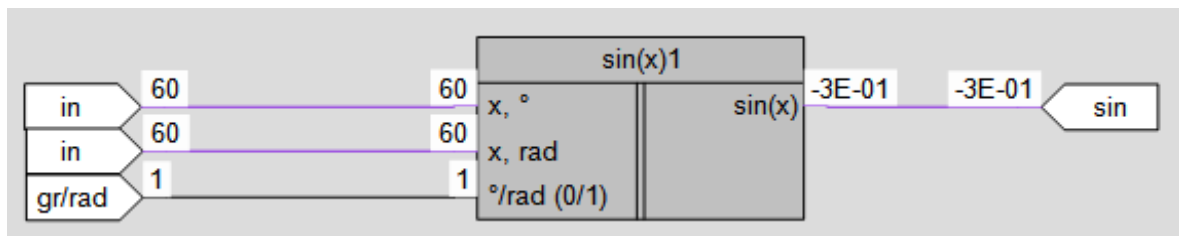


Рисунок 4 – Пример работы макроса при работе с входной переменной в радианах

Область применения макроса:

- 1) Может использоваться в различных тригонометрических вычислениях
- 2) Для вычисления значений других тригонометрических функций